CAPÍTULO II MÁQUINAS DE ESTADOS Y SU CONSTRUCCIÓN

2.1 MÁQUINAS DE ESTADOS

El modelo de máquina de estados contiene los elementos necesarios para describir la conducta de un sistema en términos de entradas, salidas y del tiempo.

El siguiente diagrama presenta el modelo general de una Máquina de Estados.

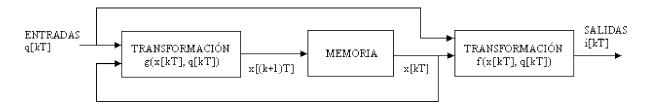


Figura. 2.1. Modelo general de una máquina de estados.

x[kT], representa el estado en el tiempo kT. x[(k+1)T] = g(x[kT], q[kT]), representa el siguiente estado. q[kT], representa las entradas en el tiempo kT. i[kT] = f(x[kT], q[kT]), representa las salidas en el tiempo kT.

En donde T es el período de duración de cada estado y k es un contador entero.

2.1.1 EL ALGORITMO DE LA MÁQUINA DE ESTADOS

El algoritmo de la máquina de estados juega un papel muy importante en el diseño de sistemas digitales. Para circuitos síncronos la técnica de la carta ASM (Algorithm State Machine / Algoritmo de la Máquina de Estados) es la mejor notación, por lo tanto, se adoptará para el resto de la obra.

También existen otras técnicas como la de los diagramas de estados que son diagramas muy parecidos a las cartas ASM. Los diagramas de estados muestran gráficamente la secuencia de estados en un sistema y las condiciones de cada estado y de las transiciones entre cada uno de ellos.

Como ejemplo, en la figura 2.2 se describe el comportamiento de un contador binario de 3 bits mediante un diagrama de estados. Este circuito en particular no tiene ninguna entrada aparte de la de reloj, y ninguna otra salida más que las que se toman en cada flip-flop del contador.

2.1.2 ESTADOS Y RELOJ

El algoritmo de la máquina de estados se mueve a través de una secuencia de estados con base en la posición del estado presente y las variables de entrada. Los tiempos del estado están determinados por un reloj maestro.

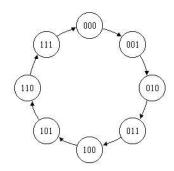


Figura. 2.2. Diagrama de estados para un contador binario de 3 bits.

2.2 NOTACIÓN DE LA CARTA ASM

2.2.1 REPRESENTACIÓN DE ESTADOS

El estado de una máquina de estados es la memoria de la historia pasada, suficiente para determinar las condiciones futuras. En la siguiente figura se muestra la representación del estado. Un estado se representa con un rectángulo y con su nombre simbólico en el extremo superior, encerrado en un círculo.

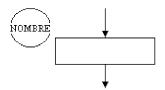


Figura 2.3. Representación del estado.

2.2.2 REPRESENTACIÓN DE DECISIONES

Las decisiones permiten seleccionar el camino que el algoritmo de la máquina de estados debe tomar de acuerdo a la variable o variables de entrada evaluadas. Las decisiones se representan mediante un rombo con el nombre de la variable a probar o una función que evalúe varias variables.

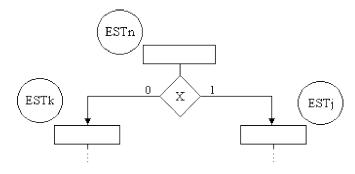


Figura 2.4. Representación de las decisiones.

2.2.3 REPRESENTACIÓN DE SALIDAS

Salidas no condicionales. Sirven para indicar la activación de una variable de salida. Para representarlas, se escriben dentro del rectángulo de estado, los nombres de las variables de salida que se activan en ese estado. Las salidas no condicionales no dependen de las condiciones de entrada, sólo dependen del estado actual. La figura 2.5 muestra la activación de las salidas VAR1 y VAR2 en el estado EST1.

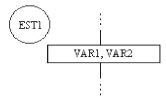


Figura 2.5. Representación de las salidas no condicionales.

Salidas Condicionales. Estas salidas se presentan solamente cuando ciertas condiciones de entrada existen. Se representan con un óvalo y los nombres de las salidas dentro de él.

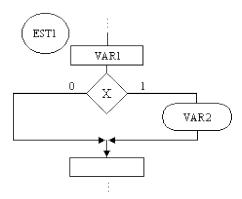


Figura 2.6. Representación de las salidas condicionales.

Para este ejemplo, si en el estado EST1 la variable de entrada X vale uno, entonces las salidas VAR1 y VAR2 serán activadas. Si X es igual a cero solamente se activará VAR1.

2.3 EJEMPLOS DE CARTAS ASM

A continuación se presentan algunos ejemplos para aclarar las ideas antes expuestas.

1) Diseñe un dispositivo que genere cierta secuencia binaria sólo cuando la variable INICIO sea igual a uno. Además esta secuencia dependerá del valor de la entrada X. Si X=0 la secuencia

binaria que se genera es la siguiente: 11, 10, 01, por el contrario, si X=1 la secuencia es: 01, 10, 11. Considere que cada pareja binaria se genera con un ciclo de reloj de diferencia.

Cuando se hace el diseño digital de un sistema es necesario hacer un diagrama de bloques que clarifique cuáles son las señales de entrada, cuáles las señales de salida, quién es el controlador y qué se está controlando.

Para este ejemplo, las señales de entrada son INICIO y X, y las señales de salida son las que representan la secuencia que se quiere generar, nombrémoslas VAR1 y VAR0.

El diagrama de bloques queda de la siguiente manera.



Figura 2.7. Diagrama de bloques para el ejemplo 1.

Y la carta ASM para esta máquina de estados se muestra en la figura 2.8.

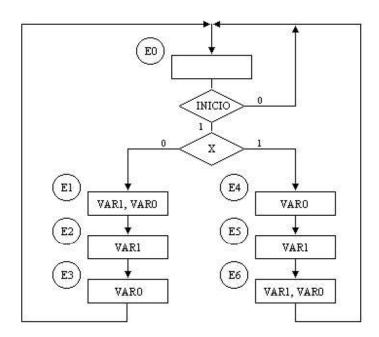


Figura 2.8. Carta ASM para el ejemplo 1.

De la figura 2.8 se puede observar que para activar una señal de salida incondicional, en un estado en particular, es necesario colocar su nombre dentro del rectángulo del estado.

2) Convertir el siguiente código en lenguaje 'C' a una carta ASM.

```
for (x = a; x \le b; x = x + c) \{
	var1 = 1; var2 = 0;
}
var1 = 0;
```

El diagrama de bloques de este sistema es el siguiente.

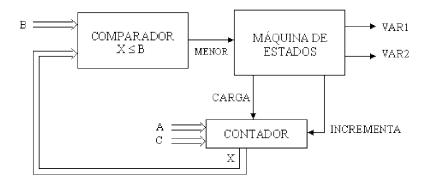


Figura 2.9. Diagrama de bloques para el ejemplo 2.

Se utiliza un contador para cargar el valor inicial de X o incrementar su valor en C unidades. La activación de la señal CARGA inicializará el valor de X con A, mientras que la activación de la señal INCREMENTA incrementará el valor de X en C unidades. También se cuenta con un comparador que evalúa la condición $X \le B$. Si X es menor o igual a B, el resultado es la activación de la señal MENOR, en caso contrario, la señal MENOR permanece en cero.

El algoritmo de la máquina de estados es el siguiente.

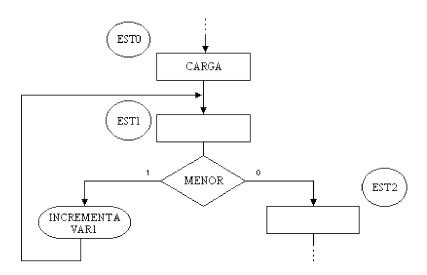


Figura 2.10. Carta ASM para el ejemplo 2.

En el estado EST0 se activa la señal CARGA con el fin de cargar en el contador el valor inicial de X. En el estado EST1 se pregunta por la variable de entrada MENOR, si ésta es igual a cero, la condición $X \le B$ es falsa. Si MENOR es igual a uno, la condición es verdadera y por tanto, son activadas las señales INCREMENTA y VAR1 como salidas condicionales.

3) Convertir el siguiente código en lenguaje 'C' a una carta ASM.

```
while( x==0 ) {
    var5 = 1;
    var2 = 1;
    if( z==0 ) {
        x = 1;
        var5 = 0;
    }
}
var5 = 0;
var2 = 0;
```

En este ejemplo el valor de la variable X puede ser modificado por la lógica externa o por la máquina de estados. Por ello, para representar a X, utilizaremos un flip-flop cuyo valor será puesto a uno ó a cero dependiendo de las señales internas y externas.

El diagrama de bloques de este sistema es el siguiente.

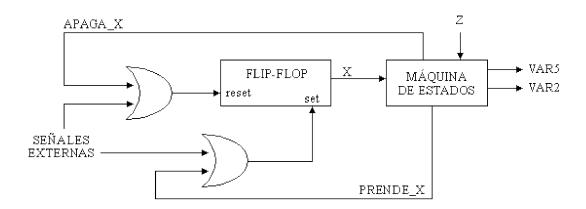


Figura 2.11. Diagrama de bloques para el ejemplo 3.

Y el algoritmo de la máquina de estados queda de la siguiente manera.

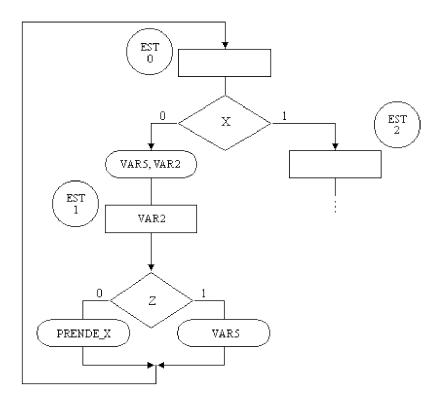


Figura 2.12. Carta ASM para el ejemplo 3.

4) Convertir el siguiente código en lenguaje 'C' a una carta ASM.

```
if ( x==n ) {
     var1 = 1; var2 = 0;
} else {
     var1 = 0; var2 = 1;
}
var1 = 0;
var2 = 0;
```

En este ejemplo las variables de entrada **x** y **n** están definidas como variables de un sólo bit. Para hacer la comparación de las variables **x** y **n** se usa la función lógica XOR, que valdrá cero cuando **x** y **n** sean iguales, y uno, cuando sean diferentes. La tabla XOR se presenta a continuación.

Ent	adas	Salida
X	n	XOR
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

Tabla 2.1. Función lógica XOR.

El diagrama de bloques que ejecuta el código anterior en C se presenta enseguida.

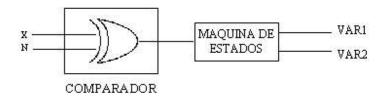


Figura 2.13. Diagrama de bloques para el ejemplo 4.

Y el algoritmo de esta máquina de estados es el siguiente.

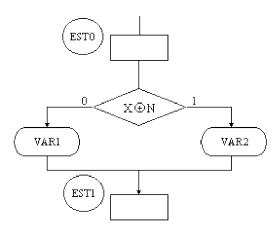


Figura 2.14. Carta ASM para el ejemplo 4.

En el diagrama se observa que si deseamos activar una señal de salida condicional, en un estado en particular, es necesario colocar su nombre dentro de un óvalo.

5) Usando un diagrama de tiempos mostrar la diferencia entre las cartas ASM de la figura 2.15, en donde la variable de salida VAR2 está como salida condicional en la carta ASM1 y como salida incondicional en la carta ASM2.

Si observa detenidamente el diagrama de tiempos de la figura 2.17 observará que la diferencia principal entre las dos cartas ASM es el tiempo cuando se activa la salida VAR2. Cuando está como salida condicional se activa en el estado EST1 junto con VAR1, y cuando está como salida incondicional se activa un flanco positivo después que VAR1.

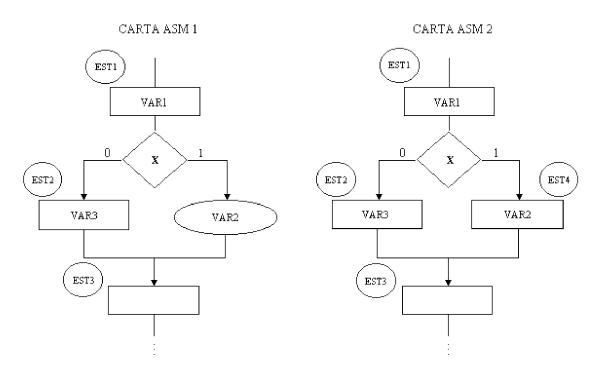


Figura 2.15. La salida VAR2 en la carta ASM1 se presenta como salida condicional, mientras que en la carta ASM2 se presenta como no condicional.

A continuación se muestra el diagrama de tiempos para la carta ASM1 cuando la entrada X es igual que cero. Este diagrama de tiempos es idéntico para la carta ASM2.

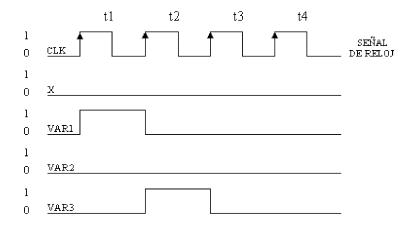


Figura 2.16. Diagrama de tiempos para las cartas ASM1 y ASM2, con x=0.

A continuación se muestran los diagramas de tiempos cuando X es igual a 1.

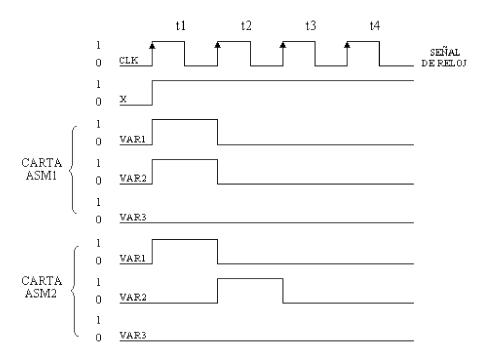


Figura 2.17. Diagrama de tiempos para las cartas ASM1 y ASM2, con x=1.

6) La siguiente figura muestra de manera simple la configuración de N estaciones del metro.



Figura 2.18. Configuración de las N estaciones del Metro.

El objetivo es diseñar un sistema digital, usando máquinas de estados, que mueva al tren de derecha a izquierda sobre la línea. En cada estación hay unos sensores que detectan la entrada de un tren, de manera que cuando arriba a una de ellas, hace una parada de dos minutos.

Además, existe un botón de emergencia en los vagones que hace que el tren se detenga un minuto extra en la estación, si así se requiriera.

A continuación se muestra el diagrama de bloques de este sistema:

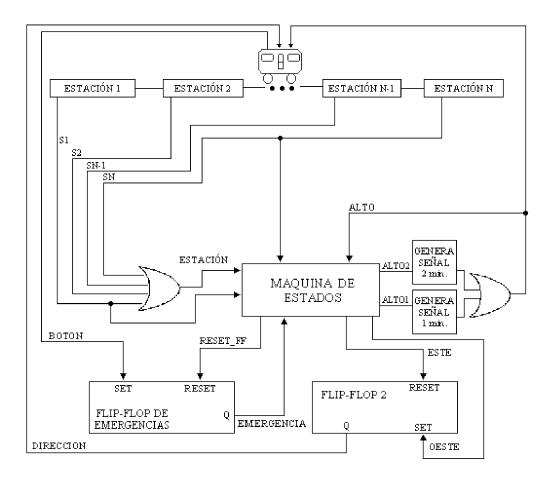


Figura 2.19. Diagrama de bloques para el ejemplo 6.

En el diagrama podemos observar que los sensores que detectan la presencia del tren en la estación están conectados a una compuerta OR. La salida de la compuerta OR, llamada ESTACIÓN, indica si un tren ha entrado en una estación, sin importar a qué estación entró. Sólo interesa saber a qué estación entra si se trata de las estaciones terminales S1 y SN, con el fin de cambiar la dirección de movimiento del tren.

Además, se tiene un módulo que genera una señal de salida de 2 minutos cuando la señal ALTO2 es activada. De manera similar, se tiene otro módulo que genera una señal de 1 minuto cuando ocurre una emergencia, es decir, se activa la señal ALTO1. Ambas señales de espera están conectadas a una compuerta OR. La salida de esta compuerta, llamada ALTO, se encarga de detener al tren durante el tiempo necesario. La salida ALTO también se retroalimenta a la máquina de estados para saber si el tren continúa parado.

También se tienen dos flip-flops, uno indica la dirección de movimiento del tren, y el otro la activación de la señal de emergencia. El flip-flop de emergencias es puesto a uno cuando se oprime el botón de emergencia en el tren, por ello, se conecta la línea del botón de emergencia en el SET del flip-flop. La salida de este flip-flop, denominada EMERGENCIA, entra a la máquina de estados.

El flip-flop de emergencias debe ser puesto a cero nuevamente para permitir otra emergencia, esto se hace por medio de la línea RESET-FF.

Por otra parte, el flip-flop de direcciones le indica al tren la dirección a seguir. Si la salida del flip-flop es igual a cero el tren irá hacia el este, si es uno irá hacia el oeste. El tren estará en movimiento todo el tiempo a menos que la señal de ALTO esté activada.

En la figura 2.20 se muestra la carta ASM de este ejemplo.

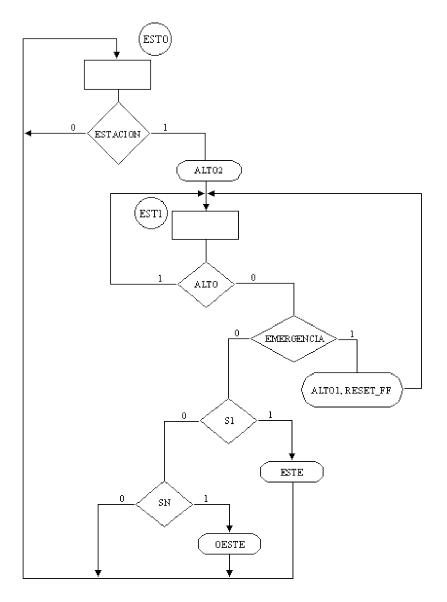


Figura 2.20. Carta ASM para el ejemplo 6.

En el estado EST0 se revisa el valor de la variable ESTACIÓN, si ésta es igual a cero indica que el tren no ha entrado a la estación, es decir, continúa avanzando. Si ESTACIÓN vale uno, entonces se activa la señal ALTO2, la cual genera la señal de 2 minutos que detiene al tren.

En el estado EST1 se revisa la variable ALTO, si ésta vale uno, el algoritmo permanece en ese estado hasta que ALTO valga cero. Cuando ALTO vale cero se revisa la señal de EMERGENCIA. Si el valor de EMERGENCIA es uno, se debe detener el tren por un minuto adicional. Para ello se activa la señal ALTO1 y se limpia el flip-flop de emergencias utilizando la señal de salida RESET_FF, de esta manera nuevas peticiones de emergencia serán permitidas.

Si no hay emergencias, se revisa en qué estación se encuentra el tren para saber si se ha alcanzado una de las estaciones terminales. Si S1 vale uno entonces el tren debe ir al este, por lo tanto, se activa la señal ESTE que pone en cero al flip-flop de dirección. Si SN es igual a uno, entonces se activa la señal OESTE para colocar en uno al flip-flop. Si no se ha alcanzado alguna de las estaciones terminales, el tren continuará avanzando siguiendo la dirección indicada por el flip-flop de direcciones.

7) Diseñe un sistema digital que reconozca la siguiente secuencia binaria.

010111011

Cuando haya llegado una secuencia igual, la señal de salida de reconocimiento deberá activarse. Tenga en cuenta que el primer bit de la secuencia es el que se localiza a la derecha, mientras que el último bit de la secuencia es el que se localiza a la izquierda.

La figura 2.21 muestra el diagrama de bloques de este problema en donde X representa cada uno de los bits de la secuencia binaria que hay que reconocer.

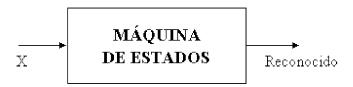


Figura 2.21. Diagrama de bloques para el ejemplo 7.

En la figura 2.22 se muestra la carta ASM de esta máquina de estados. Como puede ver, en cada estado se pregunta por el valor de entrada de la secuencia teniéndose una sincronización entre el tiempo de cada estado y las entradas.

Si en algún punto la secuencia es incorrecta, la máquina de estados regresaría a un estado en donde se tomarían en cuenta los valores de las entradas, que incluyendo el valor actual incorrecto, forman una secuencia válida.

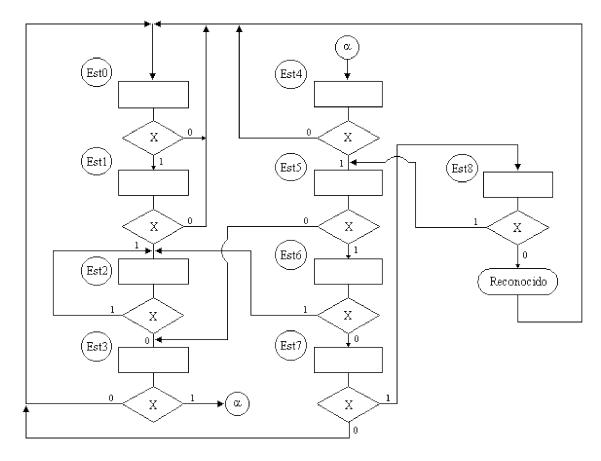


Figura 2.22. Carta ASM para el ejemplo 7.

Uno de los problemas de esta carta ASM es que si se quisiera cambiar la secuencia a reconocer se tendría que cambiar totalmente el algoritmo. Otra forma de resolver este problema sin utilizar cartas ASM se muestra en la figura 2.23, en donde la entrada X se introduce en un registro de corrimiento y se compara contra un registro que contiene el código a reconocer. Como puede ver, esta solución es mejor que el método en donde se utilizan cartas ASM, lo cual indica que no en todos los problemas se debe utilizar esta metodología.

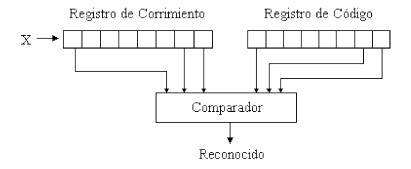


Figura 2.23. Solución al ejemplo 7 sin uso de cartas ASM.

2.4 CONSTRUCCIÓN DE MÁQUINAS DE ESTADOS USANDO LOS MÉTODOS TRADICIONALES

Antes de exponer una técnica de diseño específica, recordemos algunos conceptos de diseño digital como latches, flip-flops y circuitos secuenciales.

2.4.1 CIRCUITO SECUENCIAL

Un circuito secuencial está formado por una etapa de lógica combinacional, y una de etapa de memoria o flip-flops, que se utilizan para representar los estados.

2.4.2 UNIDAD BÁSICA DE ALMACENAMIENTO

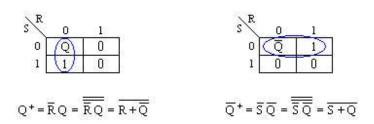
La unidad básica de almacenamiento es un dispositivo que almacena un dato binario, 0 ó 1, dependiendo de los valores de entrada. Este dispositivo presenta el siguiente comportamiento.

S	R	Q ⁺	\overline{Q}^+	Observaciones
0	0	Q	\overline{Q}	El dispositivo mantiene el valor que tenía guardado
0	1	0	1	Se almacena un cero
1	0	1	0	Se almacena un uno
1	1	0	0	Condición no válida

Tabla 2.2. Tabla de verdad para la unidad básica de almacenamiento.

Como se puede observar, esta unidad de almacenamiento cuenta con dos líneas de entrada, S (set) y R (reset), las cuales indican la manera en cómo deben operar las salidas Q^+ y \overline{Q}^+ . Las salidas de esta unidad siempre son complementarias una de la otra, es decir, cuando Q está a nivel alto, \overline{Q} está a nivel bajo; y cuando Q está a nivel bajo, \overline{Q} está a nivel alto. Debido a esta razón, la última condición de la tabla es inválida.

A partir de la tabla de verdad y utilizando mapas de Karnaugh es posible encontrar las expresiones lógicas para la unidad básica de almacenamiento.



Y con base en las expresiones lógicas se construye el diagrama lógico.

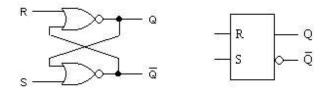


Figura 2.24. Diagrama y símbolo lógico para la unidad básica de almacenamiento.

2.4.3 LATCH TIPO D

El latch tipo D sólo tiene una entrada, además de la entrada de habilitación C, la cual está asociada a un reloj. El comportamiento de este dispositivo se muestra en la siguiente tabla y en el siguiente diagrama de tiempos.

D	C	Q ⁺	\overline{Q}^+	Observaciones
*	0	Q	$\overline{\overline{Q}}$	El latch no cambia de estado
0	1	0		Latch en estado de Reset
1	1	1	0	Latch en estado de Set

Tabla 2.3. Tabla de verdad para el latch tipo D.

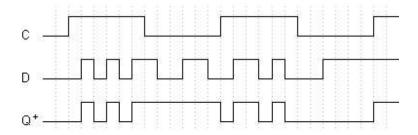


Figura 2.25. Diagrama de tiempos. Comportamiento del latch tipo D.

El diagrama de tiempos muestra de manera gráfica el funcionamiento del latch tipo D. En él se observa que mientras la señal de habilitación C vale uno, la salida Q⁺ sigue al valor de la entrada D; y cuando C vale cero, la salida Q⁺ mantiene el último valor de D antes de que C cambiara a cero.

El latch también es un dispositivo de almacenamiento de dos estados, por lo tanto, es posible diseñar un latch tipo D a partir de la unidad básica de almacenamiento. La siguiente figura ilustra este procedimiento.

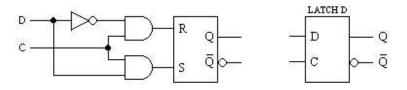


Figura 2.26. Diagrama y símbolo lógico para el latch tipo D.

Flip-flops

Los flip-flops son dispositivos biestables síncronos. En este caso, el término síncrono significa que la salida varía de estado únicamente en un instante específico de una entrada de disparo denominada reloj (clk). Es decir, un flip-flop cambia de estado con el flanco positivo (flanco de subida) o con el flanco negativo (flanco de bajada) del impulso de reloj y es sensible a sus entradas sólo en esta transición de reloj.

Básicamente, los latches son similares a los flip-flops, sin embargo, la diferencia principal entre ambos tipos de dispositivos está en el método empleado para cambiar de estado.

2.4.4 EL FLIP-FLOP TIPO D

Un flip-flop tipo D disparado por flanco negativo presenta el siguiente comportamiento.

D	С	Q^+	\overline{Q}^+
0	\downarrow	0	1
1	\downarrow	1	0
*	*	Q	$\overline{\overline{Q}}$

Tabla 2.4. Tabla de verdad para el flip-flop D disparado por flanco negativo.

Si existe un nivel bajo en la entrada D cuando se aplica el impulso de reloj, el flip-flop se pone en estado de reset y almacena el nivel bajo de la entrada durante el flanco de bajada del reloj. Si cuando se aplica el impulso de reloj la entrada D está a nivel alto, el flip-flop se pone en estado set y almacena el nivel alto de la entrada durante el flanco de bajada del reloj. El flip-flop mantendrá su valor mientras no exista una transición de alto a bajo en la señal de reloj.

La siguiente figura muestra cómo construir un flip-flop tipo D a partir de dos latches tipo D.

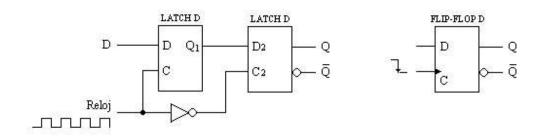


Figura 2.27. Diagrama y símbolo lógico para el flip-flop D.

También se anexa un diagrama de tiempos que muestra de manera gráfica el comportamiento de cada uno de los latches que constituyen al flip-flop tipo D.

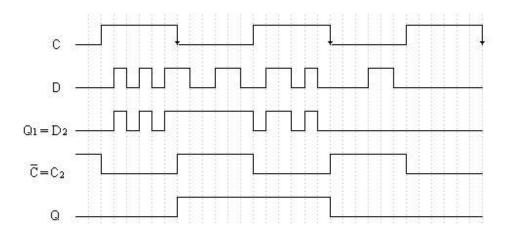


Figura 2.28. Diagrama de tiempos. Comportamiento del flip-flop tipo D.

Del diagrama se puede observar que tener el reloj negado en el segundo latch hace que la entrada D_2 se mantenga fija con el valor de salida del latch 1, el cual tendrá guardado el valor de la entrada D en el momento de la transición del reloj hacia cero.

2.4.5 PROCEDIMIENTO PARA EL DISEÑO DE CIRCUITOS SECUENCIALES

El método tradicional que se utilizará plantea los siguientes pasos para el diseño de un circuito secuencial:

1. Construir un Diagrama de Estados. Un diagrama de estados muestra la progresión de estados por los que el diseño avanza cuando se aplica una señal de reloj. Recuerde que en esta obra, el diagrama de estados corresponde a la carta ASM.

2. A partir del diagrama de estados, desarrollar una tabla con las transiciones entre estados y las salidas para cada estado. El número de flip-flops necesarios para representar todos los estados de la red secuencial está dado por:

Número de Flip-flops =
$$n = log_2 S$$

donde S es el número total de estados.

- 3. Transferir los valores para cada entrada D de los flip-flops a un mapa de Karnaugh. A partir de los mapas de Karnaugh podremos determinar las expresiones lógicas para las entradas de los flip-flops.
- 4. Transferir cada salida a un mapa de Karnaugh y obtener sus expresiones lógicas.
- 5. Implantación del circuito secuencial. Las expresiones lógicas obtenidas nos permitirán construir el diagrama lógico del circuito.

2.4.6 EJEMPLO

Para ilustrar este procedimiento se desarrollará un ejemplo: Diseñe un circuito secuencial a partir de la siguiente carta ASM.

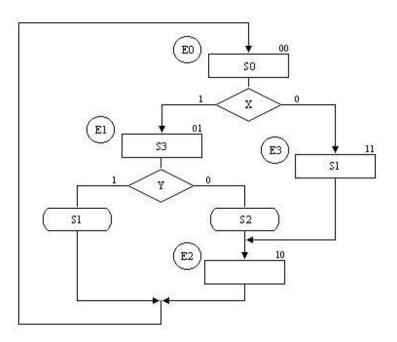


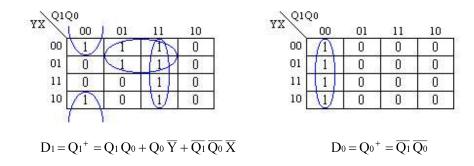
Figura 2.29. Carta ASM.

La tabla de transiciones de estados y de señales de salida es la siguiente.

	ado sente	Entr	adas	1	Estado Salidas guiente Salidas			Salidas		
Q ₁	Q 0	Y	X	Q1 ⁺	Q_0^+	S ₃	S ₂	S ₁	So	
0	0	0	0	1	1	0	0	0	1	
0	0	0	1	0	1	0	0	0	1	
0	0	1	0	1	1	0	0	0	1	
0	0	1	1	0	1	0	0	0	1	
0	1	0	0	1	0	1	1	0	0	
0	1	0	1	1	0	1	1	0	0	
0	1	1	0	0	0	1	0	1	0	
0	1	1	1	0	0	1	0	1	0	
1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
1	0	0	1	0	0	0	0	0	0	
1	0	1	0	0	0	0	0	0	0	
1	0	1	1	0	0	0	0	0	0	
1	1	0	0	1	0	0	0	1	0	
1	1	0	1	1	0	0	0	1	0	
1	1	1	0	1	0	0	0	1	0	
1	1	1	1	1	0	0	0	1	0	

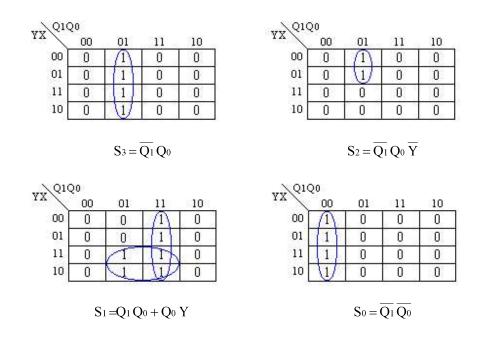
Tabla 2.5. Tabla de transiciones de estados y de salidas.

Se emplearon dos flip-flops tipo D para representar las transiciones de los cuatro estados que componen a la carta ASM. Los mapas de Karnaugh y las expresiones lógicas para las entradas de los flip-flops son los siguientes.



El mapa de Karnaugh para la entrada D_1 se construye con los valores del estado ${Q_1}^+$, mientras que el mapa para la entrada D_0 se construye con los valores del estado ${Q_0}^+$.

De manera similar, se obtienen las expresiones lógicas para las señales de salida.



Finalmente, el diagrama lógico de esta máquina de estados es,

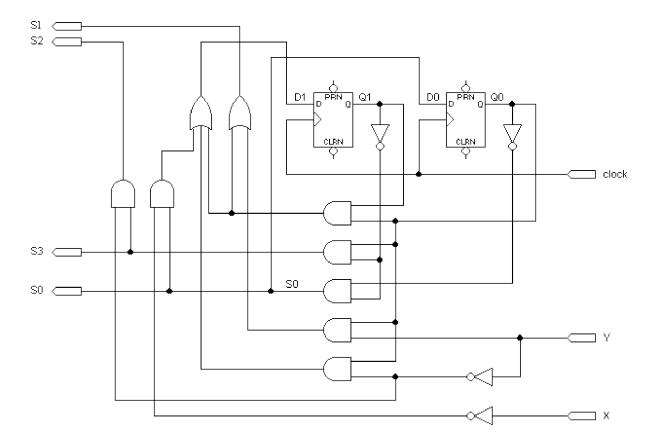


Figura 2.30. Diagrama lógico.

2.6 DISEÑO DIGITAL UTILIZANDO DISPOSITIVOS LÓGICOS PROGRAMABLES

Esta sección intenta explicar brevemente las ventajas del diseño utilizando dispositivos lógicos programables (PLDs, por sus siglas en inglés) sobre los métodos de diseño tradicionales. Esto no significa que los métodos tradicionales ya no sirvan, sin embargo, debido al avance tecnológico, los métodos tradicionales se han visto desplazados por nuevos métodos de diseño.

Para entender esta idea se desarrolla el ejemplo de la sección anterior utilizando un lenguaje de programación para PLDs. Para ello, utilizaremos el software MAX+PLUS II de Altera y alguno de los lenguajes de descripción de hardware que soporta. Entre estos lenguajes están AHDL (Altera Hardware Description Language), VHDL (Very High Speed Integrated Circuit Hardware Description Language) y Verilog HDL. En este caso utilizaremos Verilog por su gran difusión en el campo de los dispositivos lógicos programables.

El siguiente programa implanta la carta ASM de la figura 2.29.

```
module Carta_ASM(clk, Y, X, S);
                    clk, Y, X;
input
output
            [3:0]
req
            [1:0]
                    currentState;
            [3:0]
reg
                    S;
always @ (currentState) begin
    case (currentState)
                            S = 4'b0001;
            2'b00:
            2'b01: if (Y)
                            S = 4'b1010;
                            S = 4'b1100;
                    else
                            S = 4'b0000;
            2'b10:
            2'b11:
                            S = 4'b0010;
    endcase
end
always @ (posedge clk) begin
    case (currentState)
            2'b00: if (X)
                            currentState = 1;
                            currentState = 3;
                    else
                            currentState = 0;
            2'b01: if (Y)
                    else
                            currentState = 2;
            2'b10:
                            currentState = 0;
            2'b11:
                            currentState = 2;
    endcase
end
endmodule
```

_

¹ Consulte el apéndice A para cualquier duda acerca del entorno de MAX+PLUS II y del lenguaje Verilog HDL.

El programa comienza declarando el nombre del módulo y las señales de entrada y salida que lo integran. La señal de reloj es *clk*, las señales *X* e *Y* son las variables de entrada, la señal *S* es un vector de variables de salida (S3-S2-S1-S0), y *currentState* es una variable interna que mantiene el valor del estado actual.

Se emplean dos construcciones always, la primera genera las señales de salida y la segunda calcula las transiciones entre estados.

La primera construcción always tiene como evento de control a la variable *currentState*. Este evento hace que la construcción se ejecute sólo si *currentState* cambia de valor. Cada vez que la construcción se ejecuta, el valor de *currentState* y el de las señales de entrada es revisado, y en base a ellas se asigna un valor al vector de salida *S*.

La segunda construcción always utiliza la señal de reloj como evento de control, esto hace que la construcción sea ejecutada sólo cuando se registra un flanco de subida en la señal de reloj. En esta construcción se genera el valor del estado siguiente en base al valor de la variable *currentState* (el estado actual) y al valor de las entradas.

Las Ecuaciones Lógicas

Cada vez que se compila un proyecto en MAX+PLUS II se genera un archivo con extensión '.rpt' con bastante información acerca del proyecto, como por ejemplo, el nombre del dispositivo físico en el cual fue acomodado el diseño, el porcentaje de utilización de este dispositivo, el número de celdas lógicas utilizadas, la asignación de señales de entrada/salida a pines o puertos de entrada/salida en el dispositivo, y quizá la más interesante, las ecuaciones lógicas del proyecto.

Adicionalmente, se crea otro archivo con la información necesaria para programar físicamente el dispositivo lógico programable. Para los PLDs de la familia MAX este archivo tiene extensión '.pof' y para los PLDs de la familia FLEX el archivo tiene extensión '.sof'.

A continuación se presenta un fragmento del archivo 'Carta_ASM.rpt' con las ecuaciones lógicas del diseño:

```
** EQUATIONS **

clk : INPUT;

X : INPUT;

Y : INPUT;

-- Node name is ':51' = 'currentState0'

-- Equation name is 'currentState0', location is LC4_A1, type is buried.

currentState0 = DFFE( _EQ001, GLOBAL( clk), VCC, VCC);

_EQ001 = !currentState0 & !currentState1;
```

```
-- Node name is ':50' = 'currentState1'
-- Equation name is 'currentState1', location is LC2_A1, type is buried.
currentState1 = DFFE( _EQ002, GLOBAL( clk), VCC, VCC, VCC);
EQ002 = !currentState0 & !currentState1 & !X # currentState0 & currentState1
          # currentState0 & !Y;
-- Node name is 'S0'
-- Equation name is 'S0', type is output
       = _LC7_A1;
-- Node name is 'S1'
-- Equation name is 'S1', type is output
       = LC5_A1;
-- Node name is 'S2'
-- Equation name is 'S2', type is output
       = LC3_A1;
S2
-- Node name is 'S3'
-- Equation name is 'S3', type is output
       = _LC1_A1;
-- Node name is ':101'
-- Equation name is '_LC1_A1', type is buried
_{LC1\_A1} = LCELL(_{EQ003});
_EQ003 = currentState0 & !currentState1;
-- Node name is ':102'
-- Equation name is '_LC3_A1', type is buried
LC3_A1 = LCELL(_EQ004);
EQ004 = currentState0 & !currentState1 & !Y;
-- Node name is ':103'
-- Equation name is '_LC5_A1', type is buried
_{LC5\_A1} = LCELL(_{EQ005});
_EQ005 = currentState0 & currentState1 # currentState0 & Y;
-- Node name is ':104'
-- Equation name is '_LC7_A1', type is buried
LC7_A1 = LCELL( _EQ006);
_EQ006 = !currentState0 & !currentState1;
```

Si compara estas expresiones con las calculadas en la sección anterior notará que son muy parecidas, salvo por algunos detalles como los nombres de algunas variables y la notación para las operaciones lógicas and (&), or (#) y not (!).

Ecuaciones obtenidas manualmente	Ecuaciones de MAX+PLUS II
$D_0 = \overline{Q_1} \overline{Q_0}$	_EQ001 = !currentState0 & !currentState1
$D_1 = Q_1Q_0 + Q_0\overline{Y} + \overline{Q_1}\overline{Q_0}\overline{X}$	_EQ002 = !currentState0 & !currentState1 & !X # currentState0 & currentState1 # currentState0 & !Y
$S_3 = \overline{Q_1} Q_0$	_EQ003 = currentState0 & !currentState1
$S_2 = \overline{Q_1} Q_0 \overline{Y}$	_EQ004 = currentState0 & !currentState1 & !Y
$S_1 = Q_1 Q_0 + Q_0 Y$	_EQ005 = currentState0 & currentState1 # currentState0 & Y
$S_0 = \overline{Q_1} \overline{Q_0}$	_EQ006 = !currentState0 & !currentState1

Tabla 2.6. Ecuaciones lógicas.

Por último, se presenta un diagrama de simulación del circuito, es decir, cómo se comporta el circuito a lo largo del tiempo. Note los cambios en las variables *currentState*, *S3*, *S2*, *S1* y *S0*, dependiendo de las señales de entrada y del estado presente.

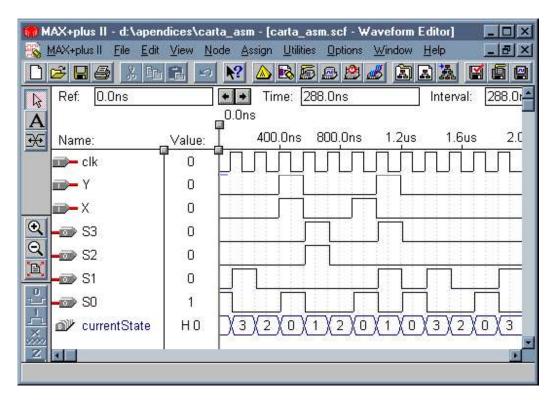


Figura 2.31. Diagrama de simulación.

Del ejemplo anterior podemos concluir lo siguiente:

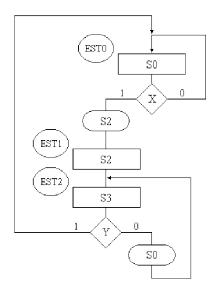
• Los lenguajes de programación de los PLDs permiten diseñar fácilmente cualquier tipo de sistema digital, además de que permiten hacer modificaciones en el diseño de manera rápida.

En cambio, si utilizamos los métodos tradicionales de diseño, una pequeña modificación implicaría recalcular las expresiones lógicas del circuito, y por lo tanto, necesitaríamos dedicar mayor tiempo al diseño.

- Si trabaja con funciones lógicas muy complejas o muy grandes resultará más barato adquirir un PLD en lugar de adquirir los circuitos integrados por separado. Además de que el espacio ocupado por el PLD en su sistema será menor que el espacio ocupado por todos los circuitos individuales.
- Un PLD será de gran utilidad cuando requiera un sistema digital re-configurable, es decir, que la lógica del sistema necesite modificarse regularmente.
- Si requiere diseñar un sistema de alto rendimiento, utilizar un PLD es una buena opción, ya que estos dispositivos tienen tiempos de respuesta muy pequeños comparados con otros circuitos integrados.

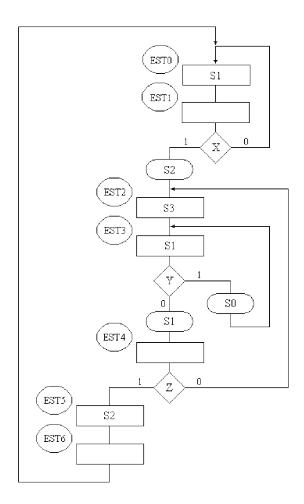
PROBLEMAS

- 1. Diseñe el algoritmo de una máquina de estados, carta ASM, que genere la siguiente secuencia binaria: 000, 010, 101, 111, 110, 011, 100, 001.
- 2. Diseñe un sistema digital que reconozca la siguiente secuencia binaria: 1 0 1 1 1 0 1 0. Cuando haya llegado una secuencia igual, la señal de salida de reconocimiento deberá activarse. El primer bit de la secuencia es el que se localiza a la izquierda, mientras que el último bit de la secuencia es el que se localiza a la derecha.
- 3. Indique el diagrama de tiempos para las variables de salida de la siguiente carta ASM. Suponga que X toma el valor de uno e Y toma el valor de cero.



- 4. Se desea controlar la operación de un elevador para un edificio de ocho pisos. En cada piso, excepto el primero y el último, se cuenta con dos botones que indican la dirección hacia donde se desea ir, es decir, existe un botón para subir y otro para descender. En el primer piso sólo existe el botón para subir y en el último piso sólo existe el botón para bajar. Dentro del elevador se encuentra un tablero con botones que indican el piso al que se desea ir, además, cuenta con botones de abrir y cerrar la puerta y de un botón de emergencia. En los marcos de las puertas se tienen sensores de paso que indican si hay gente entrando o saliendo del ascensor. Diseñe un algoritmo de máquina de estados que controle la operación del elevador, indicando el diagrama de bloques del sistema así como la carta ASM.
- 5. Modifique el ejemplo de la figura 2.20 para que en lugar de salidas condicionales se tengan solamente salidas no condicionales, ¿qué afecto tiene esto en el desempeño del sistema?.
- 6. Diseñe una cerradura digital que acepte hasta cinco combinaciones diferentes. Indique el diagrama de bloques del sistema y la carta ASM si se requiriera.

7. Para la siguiente carta ASM encuentre las ecuaciones booleanas de los flip-flops, así como las ecuaciones booleanas de las salidas.



8. Codifique la carta ASM del ejercicio 7 usando el lenguaje de descripción de hardware Verilog HDL.

CAPÍTULO III CONSTRUCCIÓN DE MÁQUINAS DE ESTADOS USANDO MEMORIAS

En el capítulo anterior se explicó cómo construir máquinas de estados a partir de sus algoritmos, representados con cartas ASM. En cierta forma, el algoritmo era el que definía la configuración física de los componentes (hardware). En este capítulo se explicará cómo instrumentar los algoritmos de máquinas de estados en configuraciones físicas de componentes ya definidas e independientes de los algoritmos a ser ejecutados. En particular, se construirán máquinas de estados utilizando memorias.

3.1 DIRECCIONAMIENTO POR TRAYECTORIA

Este tipo de direccionamiento guarda el estado siguiente y las salidas de cada estado de la carta ASM en una localidad de memoria. La porción de la memoria que indica el estado siguiente es llamada "la liga", mientras que la porción que indica las salidas es llamada "la parte de las salidas".

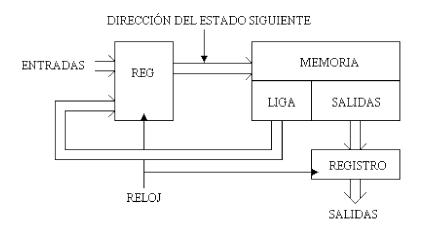


Figura 3.1. Direccionamiento por trayectoria.

Concatenando la liga del estado presente junto con las entradas se forma la dirección de memoria que contiene la dirección del estado siguiente. Esta dirección se guarda en un registro que está conectado a las líneas de dirección de la memoria, como se muestra en la figura 3.1. La señal de reloj conectada a los registros es la que indica la velocidad de la máquina de estados.

La figura 3.2 muestra una carta ASM, y la tabla 3.1 el contenido de la memoria usando el método de direccionamiento por trayectoria. Recuerde que antes de construir la tabla se debe asignar a cada estado de la carta ASM una representación binaria, de esta manera, para representar los cuatro estados que componen a la carta ASM de la figura 3.2 se necesitarán dos bits. Esta asignación binaria aparece en la esquina superior derecha de cada estado.

Para cada estado es necesario considerar todas las posibles combinaciones de las variables de entrada, aún cuando algunas de ellas no se utilicen. Por ejemplo, si en el estado EST0 la variable Q1 es igual a 1, la máquina de estados pasará al estado EST1 independientemente de los valores de las otras variables. Aún así, se deben considerar todas las combinaciones de las otras variables de entrada y colocar en las localidades de memoria correspondientes los valores adecuados.

Cuando una salida se activa, el bit correspondiente de memoria se coloca a 1, en caso contrario se coloca a 0.

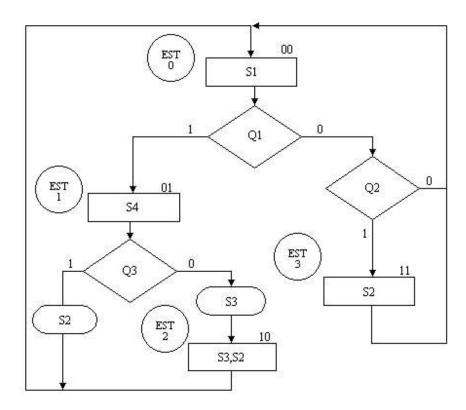


Figura 3.2. Carta ASM para el direccionamiento por trayectoria.

	Direcci	ón de Memoria	Contenido de Memoria						
	Edo. Presente	Entradas	Liga	Salidas					
	Edo. 1 resente	Q ₁ Q ₂ Q ₃	S ₁	S ₂ S ₃ S ₄					
	0 0	0 0 0	0 0 1	0 0 0					
	0 0	0 1 0	1 1 1	0 0 0					
	0 0	0 1 1	1 1 1	0 0 0					
EST0	0 0	0 0 1	0 0 1	0 0 0					
	0 0	1 0 0	0 1 1	0 0 0					
	0 0	1 0 1	0 1 1	0 0 0					
	0 0	1 1 0	0 1 1	0 0 0					
	0 0	1 1 1	0 1 1	0 0 0					
	0 1	0 0 0	1 0 0	0 1 1					
	0 1	0 0 1	0 0 0	1 0 1					
	0 1	0 1 0	1 0 0	0 1 1					
EST1	0 1	0 1 1	0 0 0	1 0 1					
	0 1	1 0 0	1 0 0	0 1 1					
	0 1	1 0 1	0 0 0	1 0 1					
	0 1	1 1 0	1 0 0	0 1 1					
	0 1	1 1 1	0 0 0	1 0 1					

	1	0	0	0	0	0	0	0	1	1	0
	1	0	0	0	1	0	0	0	1	1	0
	1	0	0	1	0	0	0	0	1	1	0
EST2	1	0	0	1	1	0	0	0	1	1	0
2512	1	0	1	0	0	0	0	0	1	1	0
	1	0	1	0	1	0	0	0	1	1	0
	1	0	1	1	0	0	0	0	1	1	0
	1	0	1	1	1	0	0	0	1	1	0
	1	1	0	0	0	0	0	0	1	0	0
	1	1	0	0	1	0	0	0	1	0	0
	1	1	0	1	0	0	0	0	1	0	0
EST3	1	1	0	1	1	0	0	0	1	0	0
	1	1	1	0	0	0	0	0	1	0	0
	1	1	1	0	1	0	0	0	1	0	0
	1	1	1	1	0	0	0	0	1	0	0
	1	1	1	1	1	0	0	0	1	0	0

Tabla 3.1. Contenido de la memoria.

3.2 DIRECCIONAMIENTO DE ENTRADA-ESTADO

Este tipo de direccionamiento se restringe a cartas ASM con una sola entrada por estado. Una nueva porción de la palabra de memoria contiene una representación binaria de la entrada a probar en cada estado, esta parte es llamada "la parte de prueba". Con esta representación binaria un selector de entrada elige una de las variables de entrada.

La parte de liga tiene dos estados siguientes, escogiéndose uno por el selector de liga, en base a la entrada seleccionada por la parte de prueba. La figura 3.3 muestra el diagrama de bloques de este método.

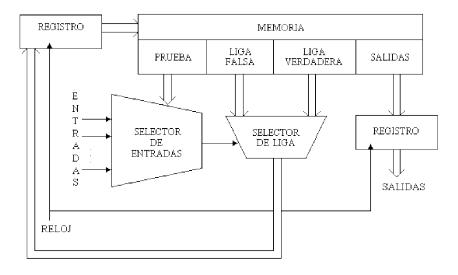


Figura 3.3. Diagrama de bloques para el método entrada-estado.

Si el valor de la entrada seleccionada por el selector de entradas es igual a cero, entonces el selector de liga elegirá la liga falsa, en caso contrario se seleccionará la liga verdadera; este caso se muestra en la figura 3.4.

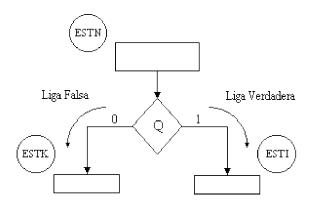


Figura 3.4. La liga falsa es el estado ESTK, mientras que la liga verdadera es el estado ESTI.

La figura 3.5 muestra una carta ASM la cual se construirá utilizando este método.

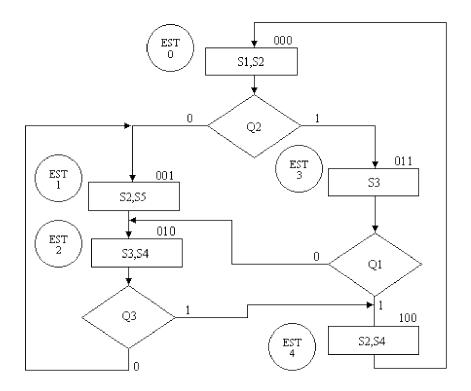


Figura 3.5. Carta ASM para el direccionamiento entrada-estado.

Además de asignar una representación binaria a cada estado, también a cada variable de entrada se le asignará una.

Se utiliza también una variable auxiliar que nos sirve para los estados que no tengan variable de entrada, de manera que cuando en un estado no exista variable de entrada se probará la variable auxiliar, la cual tiene un valor preestablecido de cero ó uno. Así, si quisiéramos forzar a la máquina de estados para que salte a un estado específico se escogería la variable auxiliar Q_x y dependiendo del valor de ésta (0 ó 1), en la liga falsa o verdadera según sea el caso, se tendría la dirección del estado a saltar.

Para el ejemplo de la figura 3.5 se eligió la siguiente representación binaria de las entradas:

 Q_x = Variable Auxiliar = 00

 $Q_1 = 01$

 $Q_2 = 10$

 $Q_3 = 11$

A continuación se describe cómo llenar los campos de la memoria para el estado EST0.

En el estado EST0 se selecciona la entrada Q_2 , por lo tanto, se coloca en el campo de prueba de la memoria su representación binaria, es decir, un 1 y un 0. Si Q_2 es igual a cero, el estado siguiente es EST1 y su representación binaria, 001, es colocada en el campo de la liga falsa. Si Q_2 es igual a uno, el estado siguiente es EST3 y su representación binaria, 011, es colocada en el campo de la liga verdadera. Con los demás estados se procede de la misma forma.

La tabla 3.2 muestra el contenido de la memoria para el ejemplo anterior.

	ecciór Iemor			Contenido de la Memoria											
Edo	. Pres	ente	Pru	eba	Li	iga Fal	sa	Liga	Verda	ıdera	S1	S2	S3	S4	S5
0	0	0	1	0	0	0	1	0	1	1	1	1	0	0	0
0	0	1	0	0	0	1	0	0	1	0	0	1	0	0	1
0	1	0	1	1	0	0	1	1	0	0	0	0	1	1	0
0	1	1	0	1	0	1	0	1	0	0	0	0	1	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	1	0

Tabla 3.2. Contenido de la memoria.

Para manejar salidas condicionales es necesario modificar el diagrama de bloques del direccionamiento entrada-estado. Esta modificación consiste en tener dos campos de salidas: el campo de salidas falsas y el campo de salidas verdaderas. En el primero, están las salidas que se activan cuando la variable de entrada sensada vale cero, y en el segundo, están las salidas que se activan cuando la variable de entrada sensada vale uno.

La figura 3.6 muestra esta configuración.

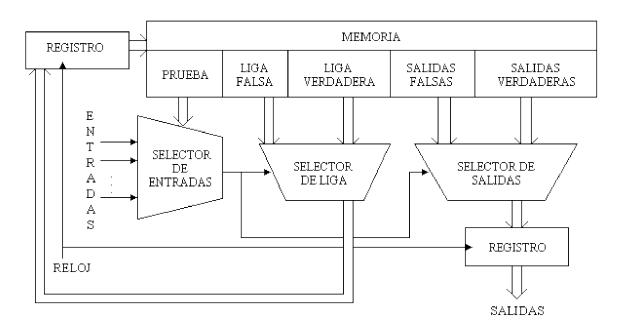
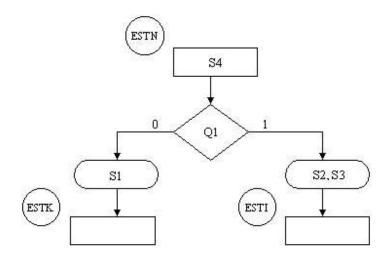


Figura 3.6. Diagrama de bloques del direccionamiento entrada-estado con salidas condicionales.

Como ejemplo se propone la siguiente carta ASM. Además, se muestra el contenido de la memoria para el estado ESTN.



		Salid	as Fals	as	S	alidas	Verdad	leras		
Prueba	Liga Falsa	Liga Verdadera	S_1	S_2	S_3	S_4	S_1	S_2	S_3	S_4
Código Q1	ESTK	ESTI	1	0	0	1	0	1	1	1

Fig. 3.7. Representación en la memoria del estado ESTN.

3.3 DIRECCIONAMIENTO IMPLÍCITO

Este tipo de direccionamiento utiliza solamente un campo de liga. Una variable de entrada seleccionada por el campo de prueba, y VF, son las que deciden si se utiliza la dirección de liga (se carga el valor de liga en el contador) o no (se incrementa el contador en una unidad). La figura 3.8 muestra el esquema anterior.

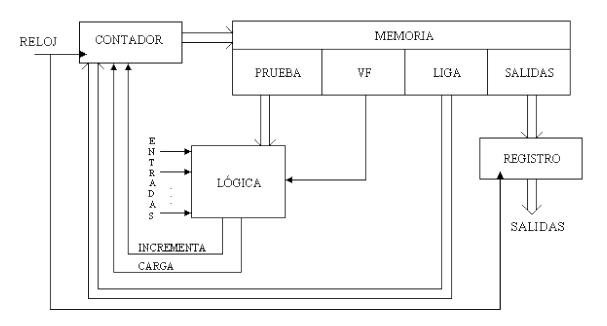


Figura 3.8. Diagrama de bloques del método de direccionamiento implícito.

El campo VF (Verdadero-Falso) sirve para indicarle a la lógica cuánto debe valer la variable de entrada, para así cargar en el contador el valor de la liga y hacer el salto. La figura 3.9 muestra parte de una carta ASM con este esquema.

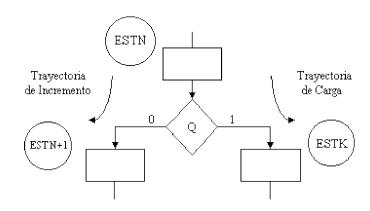


Figura 3.9. Trayectoria de incremento y carga para el estado ESTN.

Supongamos que nos encontramos en el estado ESTN y la variable a sensar es Q, si Q es igual a cero entonces el estado siguiente es la representación del estado presente más uno, por lo tanto, es necesario activar la señal de incremento. Si Q es igual a uno entonces el estado siguiente es el estado ESTK y su representación binaria, contenida en el campo de liga, es cargada en el contador. Para este ejemplo el campo VF es igual a uno ya que cuando Q es igual a uno se requiere hacer una carga en el contador.

La tabla 3.3 muestra la relación de VF y la variable de entrada con las líneas de INCREMENTA y CARGA.

VF	Q	Incrementa	Carga
0	0	0	1
0	1	1	0
1	0	1	0
1	1	0	1

Tabla 3.3. VF y Q se relacionan por medio de una XOR para generar la señal de INCREMENTA y por medio de una XNOR para generar la señal de CARGA.

La figura 3.10 ejemplifica la misma relación mediante un diagrama lógico.

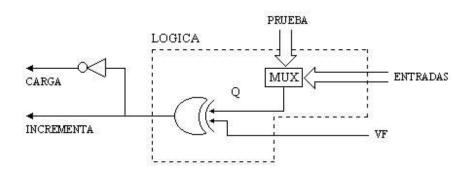


Figura 3.10. Bloque de lógica para el direccionamiento implícito.

El campo de prueba selecciona la variable a sensar que junto con VF activan la señal de carga o de incrementa por medio de una compuerta XOR.

Es necesario tomar precauciones al hacer la asignación binaria de los estados, porque debemos asegurar que por cada variable de entrada sensada existan dos estados siguientes: uno igual al estado presente más uno y el otro igual a cualquier otro valor. Por ejemplo, para la carta ASM de la figura 3.5 es necesario cambiar la asignación binaria de los estados, ya que para pasar del estado EST2 al estado EST1 ó del estado EST2 al estado EST4 se necesitan hacer cargas en ambos casos. La nueva asignación de estados se muestra en la figura 3.11.

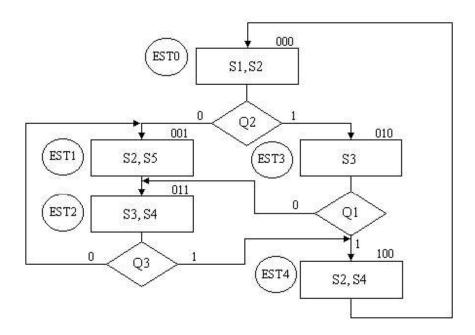


Figura 3.11. Nueva asignación binaria para el direccionamiento implícito.

La asignación binaria de las señales de entrada es idéntica a la asignación binaria propuesta en el ejemplo de direccionamiento entrada-estado. Y el valor asignado a la variable Q_x es igual a uno, es decir, presenta un nivel lógico alto.

La tabla 3.4 muestra el contenido de la memoria para la Figura 3.11.

Dirección de la Memoria	Contenido de la Memoria									
Estado Presente	Prueba	VF	Liga	Salidas $S_1S_2S_3S_4S_5$						
000	10	1	010	11000						
001	00	1	011	01001						
010	01	1	100	00100						
011	11	0	001	00110						
100	00	1	000	01010						

Tabla 3.4. Contenido de la memoria.

Comparando este método con el método anterior se observa que se obtuvo una ganancia de dos bits en la memoria. En algoritmos de máquina de estados más complejos, donde el número de estados es muy grande, esta ganancia se hace más evidente.

La figura 3.12 muestra una variante del direccionamiento implícito. En lugar de usar el contador de la figura 3.8 se utilizan dos registros: un registro de liga en donde se guarda la dirección del

estado siguiente cuando hay un salto, y un registro de μPC que guarda el valor del estado presente más uno.

Haciendo más compleja esta variante de direccionamiento implícito se llega a un dispositivo llamado secuenciador que es la base fundamental de la Unidad de Control de Procesos de una computadora.

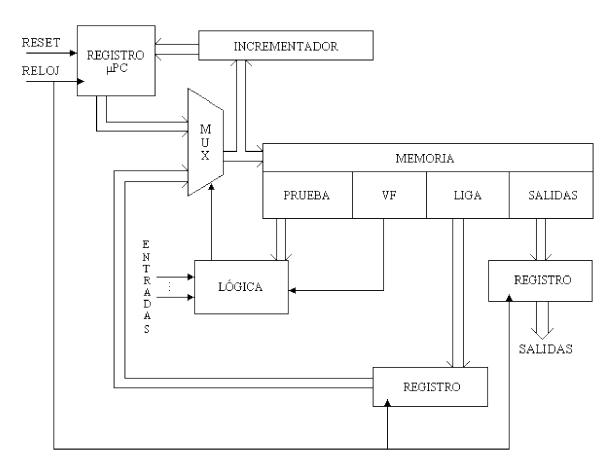
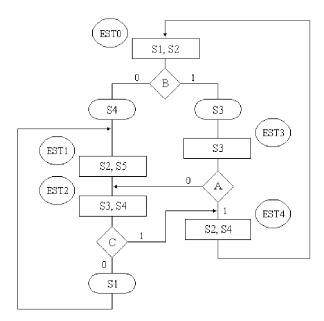


Figura 3.12. Variante del direccionamiento implícito.

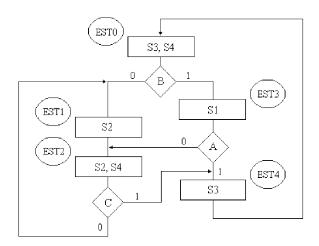
PROBLEMAS

- 1. Para la siguiente carta ASM:
 - a) Encuentre el contenido de la memoria utilizando el direccionamiento por trayectoria.
 - b) Encuentre el contenido de la memoria utilizando el direccionamiento entrada-estado.

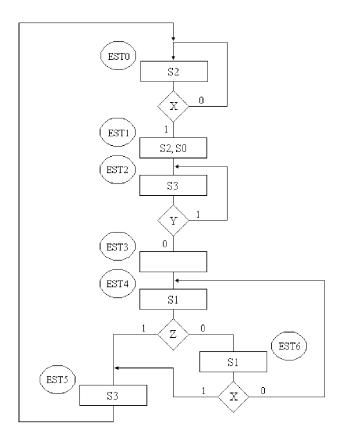
No olvide especificar la asignación binaria de los estados y de las entradas.



 Para la siguiente carta ASM encuentre el contenido de la memoria usando el modo de direccionamiento implícito. No olvide especificar la asignación binaria de los estados y de las entradas.



- 3. Modifique el diagrama de bloques del direccionamiento implícito, mostrado en la figura 3.8, de manera que permita manejar salidas condicionales. Con base en su nuevo diagrama de bloques, obtenga el contenido de la memoria para la carta ASM del problema 1.
- 4. Encuentre el contenido de la memoria para instrumentar la siguiente carta ASM usando el direccionamiento por trayectoria.



- 5. Para la carta ASM del problema 4, encuentre el contenido de la memoria usando el direccionamiento entrada-estado. Especifique la asignación binaria de los estados y entradas.
- 6. Para la carta ASM del problema 4, encuentre el contenido de la memoria usando el direccionamiento implícito. Especifique la asignación binaria de los estados y entradas.
- 7. Codifique la carta ASM del problema 4 usando el lenguaje de descripción de hardware Verilog HDL.
- 8. Diseñe el incrementador mostrado en el diagrama de bloques de la variante del direccionamiento implícito (figura 3.12).